



## Mathematische Grundlagen der Informatik I

WS 2003/04 — Übung 7 — 02.12.2003 Abgabe: 09.12.2003

Aufgabe 22 (4 Punkte)

Analysieren Sie die Fortpflanzung der absoluten und relativen Fehler bei der Gleitkomma-Division zweier Zahlen (vgl. Vorlesung Abschnitt 3.20).

Aufgabe 23 (4 Punkte)

Beweisen Sie die Teilbarkeitsregeln für ganze Zahlen (vgl. Vorlesung Teil 3.23):

- a) Wenn c|b und b|a, so gilt auch c|a.
- b) Wenn  $b_1|a_1$  und  $b_2|a_2$ , dann gilt auch  $(b_1b_2)|(a_1a_2)$ .
- c) Wenn  $b|a_1$  und  $b|a_2$ , dann gilt für alle  $x,y\in\mathbb{Z}$  auch  $b|(xa_1+ya_2)$ .
- d) Wenn a|b und b|a, dann gilt entweder a=b oder a=-b.

## **Aufgabe 24** (Kongruenz und Arithmetik modulo m)

(8 Punkte)

- a) Sei  $m \in \mathbb{N}$ . Zeigen Sie: Die Kongruenz modulo m ist eine Äquivalenzrelation auf  $\mathbb{Z}$ .
- b) Zeigen Sie: Es ist  $a\equiv b \mod m$  genau dann, wenn a und b bei Division durch m denselben Rest ergeben.
- c) Stellen Sie die Additions- und Multiplikations-Tabellen für m=6 und m=7 auf.
- d) Zeigen Sie für die Addition von  $a, b \in \mathbb{Z}$  modulo m:

$$a \oplus b \equiv ((a \mod m) + (b \mod m))$$